

(60 pontos) 1) Considere a implementação de uma tabela hash utilizando encadeamento separado, listas encadeadas, para tratamento de colisões. Responda as perguntas abaixo:

- a) (20 pontos) Escreva uma função **grau** que recebe como parâmetro a tabela hash e imprima quantos *itens* colidem em cada hash. Qual é o custo aproximado desta função?
- É possível responder o **grau** de uma hash qualquer em tempo constante, i.e $\mathcal{O}(1)$?
 - Que modificação na estrutura deve ser feita para poder responder esta pergunta? Se o custo passa a ser constante, qual é a troca (*tradeoff*) para isso, explique? (ex. Mais consumo de CPU, Menos uso de memória...)
- b) (20 pontos) Qual o efeito de haver muitas colisões (aproximadamente N) em uma hash específica? Afeta, de alguma forma, a operação de inserção ou busca na tabela hash? Justifique e estime o custo das operações, caso sejam afetadas.
- c) (20 pontos) Há alguma vantagem em se utilizar vetores ordenados em contraponto à listas encadeadas, no tratamento de colisão? Estime, e justifique, a complexidade envolvida para as operações de inserção e busca.

(20 pontos) 2) Escreva uma implementação eficiente da operação Remove com parâmetros (A, n, i) . Ela deve remover o nó i do max-heap $A[1 \dots n]$ e armazenar os elementos restantes, em forma de max-heap, no vetor $A[1 \dots n-1]$.

(20 pontos) 3) Insira os itens **E A S Y Q U E S T I O N**, nessa ordem, em um heap decrescente inicialmente vazio. Mostre o heap que resulta.